

Sumário

Capítulo 1

Introdução a Sistemas Dinâmicos	1
1.1 O Problema da Modelagem.....	1
1.2 Variáveis Dinâmicas Contínuas	2
1.3 Classificação de Sistemas.....	3
1.4 O Uso de Ferramentas Computacionais	4
1.5 Abordagens Utilizadas neste Livro.....	4
a) Modelagem do Circuito	6
b) Solução do Sistema de Equações	6
c) Análise da Resposta	6

Capítulo 2

Revisões Fundamentais	9
2.1 Álgebra Linear	9
2.1.1 Introdução	9
Vetores em \mathbb{R}^n	9
Matrizes	11
2.1.2 Apresentação Geral de Matrizes.....	12
2.1.3 Autovalores e Autovetores	12
2.1.4 Cálculo de Autovalores e Autovetores para uma Matriz 2 x 2.....	13
2.1.5 Decomposição de Matrizes	15
2.1.6 Obtenção de Autovalores por meio de Pacotes Computacionais ...	17
2.1.7 Determinante de uma Matriz	17
Propriedade da Multiplicação	18

Regra de Schur.....	18
2.1.8 Confirmação da Decomposição por Autovalores	18
2.1.9 Matriz Singular	19
Inversa e Fatoração de Matrizes	19
Fatoração LU.....	19
2.1.10 Revisando Matrizes Singulares	20
2.2 Equações Diferenciais	21
2.2.1 Introdução	21
2.2.2 Definições Fundamentais.....	22
Solução.....	22
2.2.3 Equações Diferenciais de Primeira Ordem	22
2.2.4 Alguns Exemplos de Problemas de Primeira Ordem	23
Crescimento Populacional	23
Modelo Ecológico de Lotka-Volterra	24
2.2.5 Revisando Equações Diferenciais.....	25
2.3 Transformada de Laplace	26
Constante	27
Exponencial Crescente	27
Seno	27
Propriedades Fundamentais.....	29
Degrau	30
Rampa ou Integral do Degrau.....	31
2.4 Variáveis e Equações de Estado	32
2.5 Exercícios	33
2.6 Referências	34
 <i>Capítulo 3</i>	
Introdução à Modelagem de Sistemas Dinâmicos	35
3.1 Introdução.....	35
3.2 Modelagem de Sistemas Elétricos Básicos.....	36
Exemplo 3.1 – Circuito RL.....	37
Exemplo 3.2 – Circuito RC.....	38
Exemplo 3.3 – Circuito RLC	38
Exemplo 3.4 – Circuito de Avanço/Atraso de Fase	39
3.3 Modelagem de Sistemas Mecânicos, Hidráulicos e Térmicos Básicos	41
3.3.1 Sistemas Mecânicos Translacionais.....	41
Exemplo 3.5 – Sistema Massa-Atrito.....	42
Exemplo 3.6 – Sistema de Amortecimento.....	43
Exemplo 3.7 – Modelo mais Detalhado	44

3.3.2 Sistemas Mecânicos Rotacionais.....	47
Exemplo 3.8 – Sistema Inércia-Atrito	48
Exemplo 3.9 – Mecanismo de Posicionamento	49
Exemplo 3.10 – Pêndulo Mecânico	50
Exemplo 3.11 – Sistema de Transmissão Mecânica	52
3.3.3 Sistemas Hidráulicos	54
Exemplo 3.12 – Sistema de Nível	54
Exemplo 3.13 – Sistema de Tanques Acoplados	55
Exemplo 3.14 – Servo-Pistão Hidráulico.....	57
3.3.4 Sistemas Térmicos	58
Exemplo 3.15 – Sistema de Aquecimento.....	58
Exemplo 3.16 – Sistema de Aquecimento.....	60
3.4 Sistemas Químicos	60
Exemplo 3.17 – Coluna de Destilação.....	61
Exemplo 3.18 – Reator Químico	64
3.5 Sistemas Diversos.....	66
3.5.1 Controladores Eletrônicos Analógicos.....	66
Exemplo 3.19 – Controlador PI	67
Exemplo 3.20 – Controlador Derivativo	67
3.5.2 Sistema Servo-Motor Elétrico	68
3.5.3 Sistema de Geração Elétrica	70
3.5.4 Transdutores	73
3.6 Representações em Diagramas de Blocos e Simulações	73
Exemplo 3.21 – Diagrama de Blocos.....	75
Listagem 3.1 – Pseudocódigo	76
Exemplo 3.22 – Condições Iniciáveis Não-Nulas	77
Exemplo 3.23 – Equações Diferenciais e de Estado	78
Listagem 3.2 – Equações Numéricas	79
3.6.1 Exemplos de Simulações	80
3.7 Exercícios	81
3.8 Referências	85
<i>Capítulo 4</i>	
Técnicas de Análise	87
4.1 Introdução.....	87
4.2 Forma Fatorada	88
4.3 Representação no Plano <i>S</i>	88
4.4 Desmembramento de uma Função Imprópria	89
4.5 Desmembramento em Frações Parciais	90

Calculando os Resíduos	90
Frações Parciais com o Uso do Matlab.....	92
4.6 Determinação da Estabilidade de um Sistema pelo Algoritmo de Routh-Hurwitz.....	96
Entendendo o Algoritmo	99
Estabilidade Relativa	100
Teoremas do Algoritmo	100
Intervalos de Valores Para Parâmetros de Sistemas de Controle	103
4.7 Modelagem por Variáveis de Estado e Subespaço de Variáveis	106
Dimensão do Sistema de Equações.....	107
Calculando as Variáveis de Estado de Interesse	109
Solução através de Matlab e Scilab	111
4.8 Variáveis Modais	112
Variáveis Modais em Matlab e Scilab.....	115
Redundância no Equacionamento.....	115
4.9 Método Direto de Lyapunov.....	118
Definições de Estabilidade.....	119
Teoremas da Estabilidade	121
Teorema da Estabilidade Assintótica	122
Função de Lyapunov para um Sistema Linear.....	123
Método da Primeira Integral para Sistemas Não-Lineares.....	126
4.10 Exercícios	127
4.11 Referências	131

Capítulo 5

Respostas Típicas de Modelos de Sistemas Dinâmicos	133
5.1 Introdução.....	133
5.2 Sistemas de Primeira Ordem.....	133
Exemplo 5.1 – Resposta ao Degrau.....	134
5.3 Sistemas de Segunda Ordem.....	138
Exemplo 5.2 – Respostas Típicas.....	138
5.4 Sistemas de Ordem Superior e Aproximações.....	140
Exemplo 5.3 – Aproximação de Primeira Ordem	141
Exemplo 5.4 – Raízes Próximas	142
Exemplo 5.5 – Aproximação de Segunda Ordem.....	143
Exemplo 5.6 – Ordem Superior	144
Exemplo 5.7 – Descartando Zero	145
Exemplo 5.8 – Desprezando Zero	147
5.5 Exemplos de Simulações	148

5.6 Exercícios	148
5.7 Referências	152
<i>Capítulo 6</i>	
Introdução à Identificação de Sistemas Dinâmicos	153
6.1 Introdução.....	153
6.2 Conceitos Básicos.....	153
Exemplo 6.1 – Aproximação de Funções	156
Exemplo 6.2 – Identificação de Sistemas	158
Listagem 6.1 – Simulação de Modelo	160
Exemplo 6.3 – Obtenção de Modelo	161
Listagem 6.2 – Comandos para Identificação.....	162
6.3 Exercícios	163
6.4 Referências	163
<i>Anexo 1</i>	
Algumas Propriedades da Transformada de Laplace	165
<i>Anexo 2</i>	
Algumas Transformadas de Laplace	167
Índice Remissivo.....	169